

## Estudo de Multiplicadores de Tensão a Diodos e Capacitores

*Study of Diodes and Capacitors Voltage Multipliers*

Mário Vaz da Silva Filho e Gabriel Luís Azzi

mariovaz@cbpf.br/gabriel@cbpf.br

*Laboratório de Instrumentação Eletrônica (LITELT) do Centro Brasileiro de Pesquisas Físicas (CBPF),*

*Rua Lauro Müller, 150, CEP: 22290-180, Rio de Janeiro, Brasil*

*Submetido: 27/02/2018 Aceito: 24/08/2018*

### **Resumo:**

Estudo comparativo de retificadores multiplicadores de tensão para constituírem, com osciladores Royer ressonantes, fontes de alta tensão adequadas para detectores do tipo RPC. O estudo foi feito através de simulações com LTSPICE, e medidas em protótipos baseadas nas simulações. O projeto ficou restrito aos componentes disponíveis: diodos UF4007 (1kV, 1A), capacitores de 1nF e 10kV, e à retificação de meia onda, dada a pequena carga e para economizar componentes. Para evitar ruptura elétrica dos diodos, a tensão de entrada deve se manter abaixo de 500V, que para ser multiplicada na saída para 6 a 10 kV com economia, requer que os circuitos sejam de maior fator multiplicativo possível nas condições operacionais tanto do conversor CC- CA a oscilador Royer quanto do detector RPC. Um multiplicador paralelo foi capaz de gerar 6kV com 13 estágios diodo-capacitor e 10kV com 22 estágios, mostrando maior fator de multiplicação de tensão e maior capacidade de carga. Com um estágio inicial dobrador de tensão em onda completa e com mais 2 estágios, manteve o desempenho oferecendo uma carga capacitiva 6 vezes menor ao oscilador. Uma versão híbrida da NASA foi testada junto com outra modificada com o primeiro estágio sendo também um retificador de onda completa. Ambos circuitos geraram 6kV com 14 estágios, e para 10kV a versão modificada precisou de 26 estágios. A versão híbrida tem a vantagem sobre a paralela de ter tensões menores nos capacitores e menores correntes nos diodos, sendo uma carga mais leve para o oscilador. O multiplicador serial foi capaz de fornecer 6kV mas não 10kV, o que foi conseguido por uma versão serial com dobrador de onda completa.

**Palavras chave:** multiplicadores de tensão, alta tensão, oscilador Royer.

**Abstract:** Comparative study of voltage multiplier rectifiers to make, along with resonant Royer oscillators, high voltage sources suitable for RPC type detectors. The study was done through simulations with LTSPICE, and measures in prototypes based on the simulations. The project was restricted to the available components: 1kV/1A diodes UF4007 and 1nF/10kV capacitors, and half-wave rectification, given the small load and fewer components needed. Thus, the circuits should multiply this voltage to reach the output of 6 to 10 kV, the most economical being those with the highest multiplication factor in the operating conditions of the CC-CA to the Royer oscillator and the RPC detector. A parallel multiplier was able to generate 6kV with 13 diode-capacitor stages and 10kV with 22 stages, showing higher voltage multiplication factor and higher load capacity. With an initial stage, full-wave voltage doubler and with 2 more stages, it maintained the performance offering a capacitive load 6 times

**smaller to the oscillator.** A hybrid version of NASA was modified in this study with the first stage being a full-wave rectifier, and required 14 stages to generate 6kV, and 26 stages for 10kV. The hybrid version has the advantage over the parallel by having smaller currents in the diodes and smaller voltages in the capacitors, as well as being a lighter load to the oscillator. The simple serial multiplier was able only to provide 6kV, but modified with initial full wave rectification was able to generate also 10kV.

**Keywords:** voltage multipliers, high voltage, Royer oscillator.

## 1. Introdução

Comparou-se circuitos retificadores multiplicadores de voltagem a diodos e capacitores - CDVM (capacitor-diode voltage multipliers) [2-5] visando constituir, junto com osciladores Royer ressonantes, fontes de tensão de até  $\pm 10\text{kV}$  de baixa corrente para polarizar detectores tipo RPC [8,9], e para uso geral no CBPF. Este estudo segue em paralelo com o de osciladores a transformador de alta tensão senoidal do tipo CCFL [9]. Em simulações com LTSPICE [1], por análise de transientes e medidas com comandos .TRAN e .MEAS, estudou-se diversos CDVM quanto a: eficiência

de multiplicação; consumo de corrente; efeitos dos diodos, capacitores e pontas de prova ( $300\text{M}\Omega$ ) usados em bancada, e da carga esperada dos detectores ( $0,1$  a  $10\ \mu\text{A}$ ), além da segurança no manuseio dos protótipos [6-7]. O projeto ficou restrito aos componentes disponíveis, diodos UF4007 (1kV, 1A máximos) e capacitores de  $1\text{nF}$ , 10kV máximos, e à retificação de meia onda, dada a pequena carga e ao menor uso de componentes. Considerou-se como circuitos básicos retificadores e multiplicadores de tensão [2,3,5], conforme ilustra a figura 1:

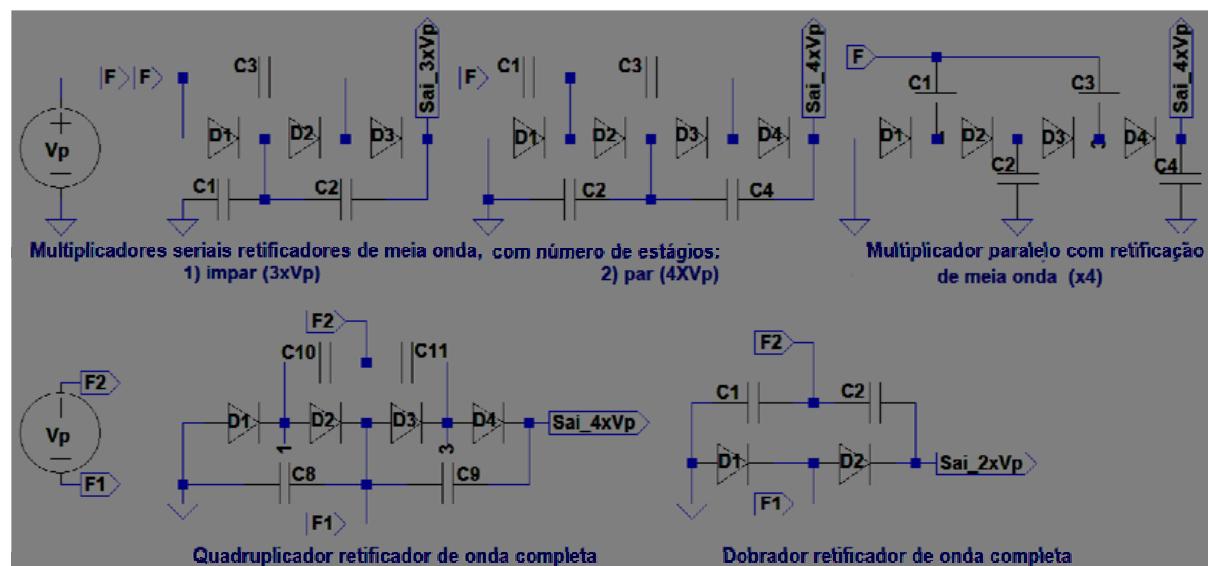


Figura 1: Circuitos básicos retificadores e multiplicadores de tensão.

Nos multiplicadores paralelos, os mais eficientes em multiplicação de tensão e fornecimento de corrente, os capacitores se ligam em paralelo com a fonte, apresentando maior carga para esta, e recebendo uma tensão tanto maior quanto mais próximos da carga. Nos multiplicadores seriais e híbridos, os estágios se ligam em cascata, resultando em menor fator multiplicativo, e menor capacidade de fornecer corrente, dada a perda de tensão nos capacitores. Apresentam uma menor carga capacitativa para a fonte, seus capacitores sofrem tensões menores, inferiores a  $2xV_p$  nos multiplicadores seriais e  $4xV_p$  nos híbridos,  $V_p$  sendo a tensão de pico

do sinal de entrada. A tensão reversa nos diodos em todos os casos não ultrapassa  $2xV_p$ , daí o uso de diodos UF4007, com tensões de ruptura de 1kV, limitar  $V_p$  em 500V para todos os circuitos analisados. A adoção de diodos rápidos com tensão de ruptura de 2,5kV permitirá reduzir o número de estágios dos multiplicadores à metade, até o limite de tensão de pico do oscilador desenvolvido, 1,2kV [9]. Estudou-se os diversos CDVM dados na literatura, e suas combinações, tais como o uso de retificadores simples de onda completa nos estágios iniciais de multiplicadores paralelos, fornecendo assim mais corrente para a cadeia seguinte

e apresentando menor carga capacitiva para a fonte.

## 2 - Simulações com LTSPICE

Em multiplicadores para 6kV com retificação de meia onda do tipo série, paralelo e híbrido (serial e paralelo) [2], como os apresentados na figura 2, com cargas resistivas de  $100\text{M}\Omega$  a  $1\text{G}\Omega$ , bem acima da corrente esperada do detector, de  $100\text{nA}$  [10], simulou-se transientes para sinais de entrada senoidais de  $500\text{V}$  de pico a  $50\text{kHz}$ .

Nestas simulações confirmou-se as características das arquiteturas [2-5] e a maior adequação dos multi-

plicadores paralelo e série-paralelo para realizar fontes de  $6\text{kV}$  e  $10\text{kV}$  com os componentes disponíveis, com maior economia e menor sensibilidade à componentes e carga. Como se vê nos gráficos dados nas figuras 3 a 5, houve melhor multiplicação de tensão e sensibilidade à carga na versão paralela, seguida pela híbrida [2], ambas conseguem gerar  $6\text{kV}$  com 13 pares diodo-capacitor, contra 19 pares da versão serial. Esta, porém, no início do transiente absorve a menor corrente da fonte, seguida de perto pela versão híbrida, mas bem menos do que a versão paralela.

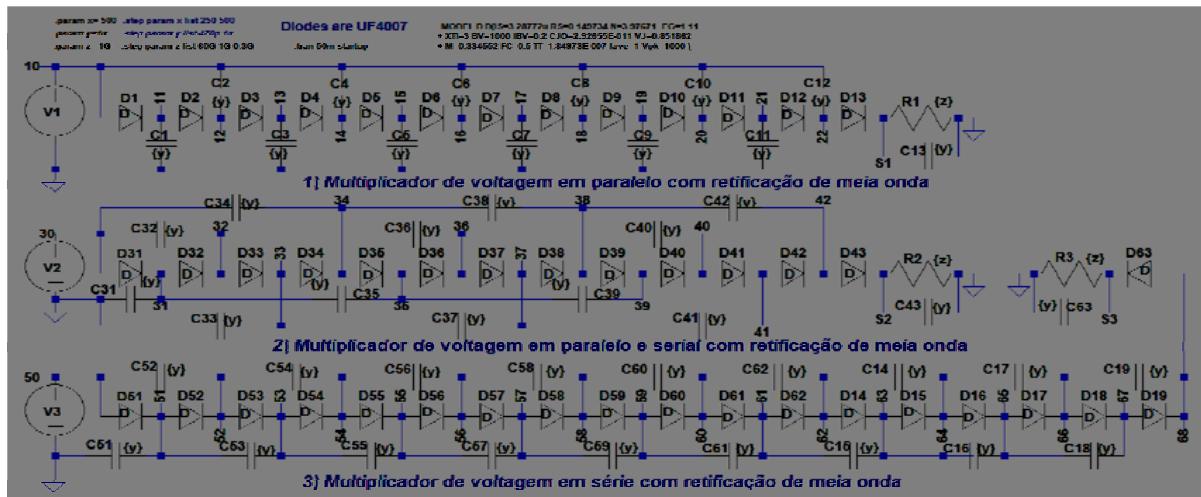


Figura 2: Circuitos retificadores de meia onda multiplicadores serial, paralelo e paralelo-serial.

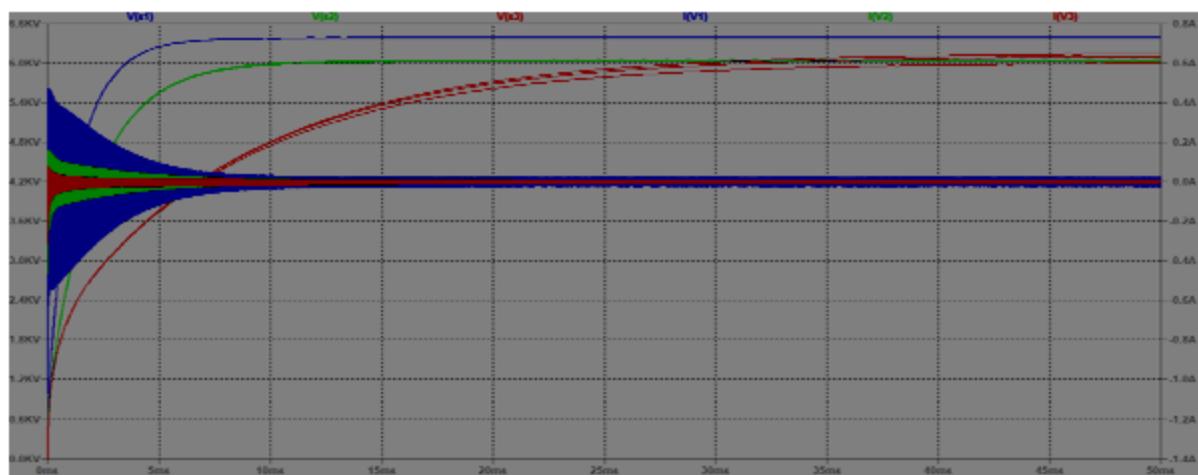


Figura 3: Transiente das tensões de saída nos 3 circuitos com cargas de  $100\text{M}\Omega$  a  $1\text{G}\Omega$ .

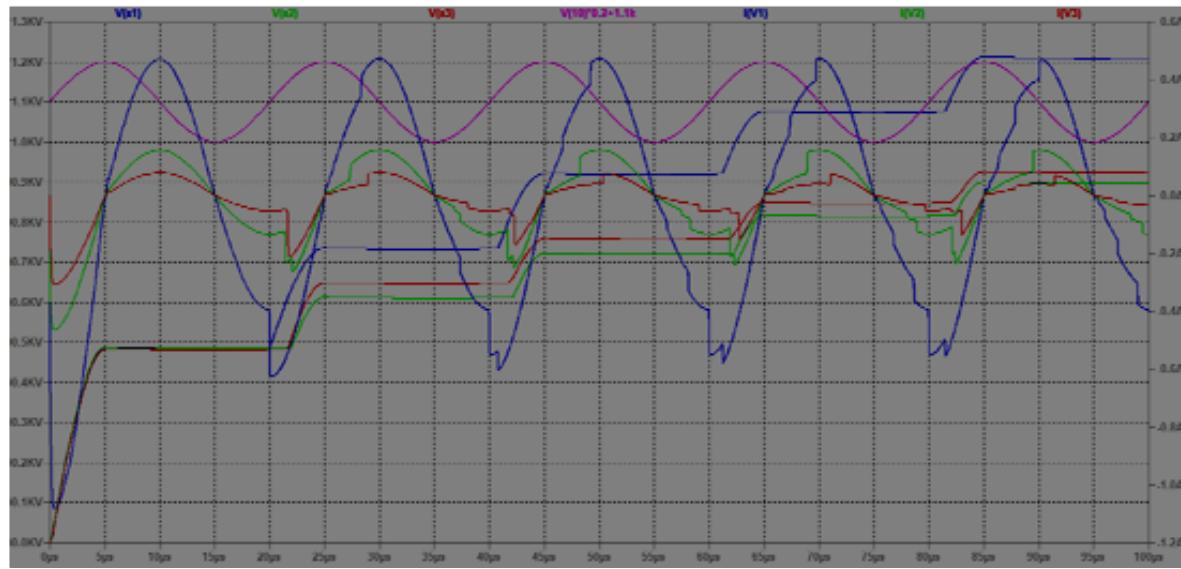


Figura 4: Tensões de saída e correntes de entrada no início do transiente, capacitores inicialmente descarregados.

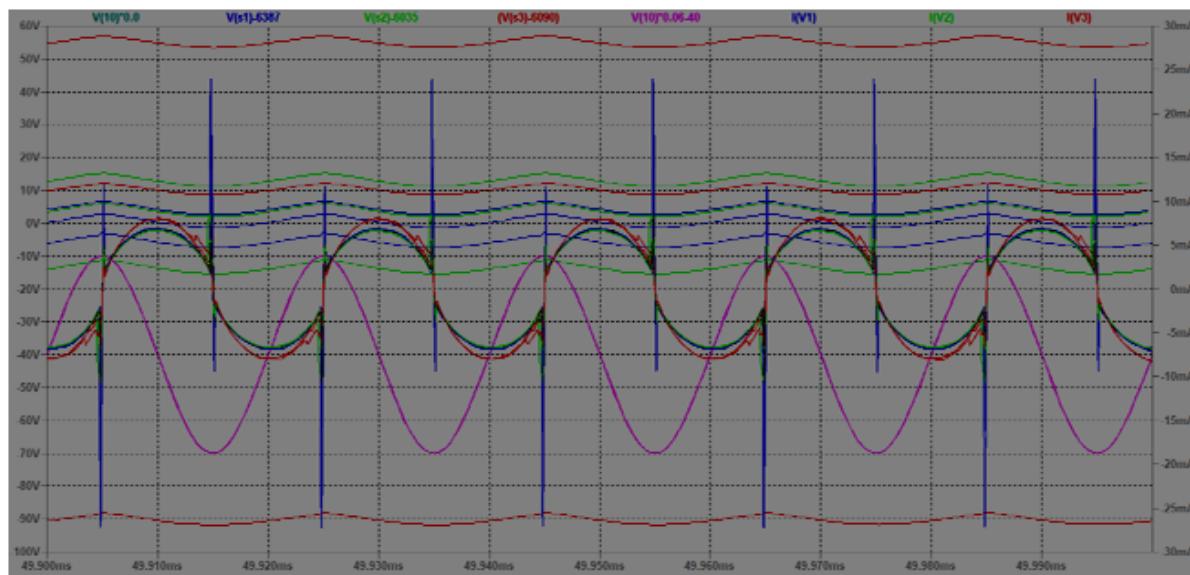


Figura 5: Tensões de saída e correntes de entrada no final do transiente, regime quase permanente.

Os gráficos mostram com respeito a estas cargas: a esperada com o detector, de  $60\text{G}\Omega$  ou  $100\text{nA}$ , a do circuito de monitoração e controle, de  $1\text{G}\Omega$  ou  $6\mu\text{A}$  e da ponteira de medida de alta tensão em bancada, de  $300\text{M}\Omega$  ou  $20\mu\text{A}$ :

1 - A tensão de saída atinge  $6\text{kV}$  em  $3,5\text{ms}$ , ou 175 ciclos do sinal de entrada, no CDVM paralelo, no CDVM híbrido entre  $10$  e  $12\text{ ms}$  ( $500$  a  $600$  ciclos) e no CDVM serial entre  $25$  e  $50\text{ ms}$  ( $1250$  a  $2500$  ciclos). Em todos ela sobre a  $480\text{ V}$  em  $5\text{us}$ , acompanhando de perto a tensão de entrada, deixando carregado o capacitor junto à carga até o ciclo seguinte, quando então os demais capacitores começam a se carregar, na forma devida a cada um dos circuitos.

2 - As correntes máximas na partida são  $-1,0$  e  $0,47\text{ A}$  no paralelo,  $-470$  e  $160\text{ A}$  no híbrido e  $-310$  a  $80\text{ mA}$  no serial. Isso indica que a carga dos multiplicadores vai ser limitada pela corrente máxima do secundário do transformador, especificada a  $5\text{mA rms}$ , cuja relação de espiras de  $100$  exige uma corrente  $100$  vezes maior no primário [9]. O oscilador, portanto, vai ter que partir com corrente limitada no primário, entrando em ressonância entre  $40$  e  $80\text{ kHz}$ .

3 - Em regime estacionário (figura 5), as ondulações das correntes de entrada e das tensões de saída diferem pouco, e correspondem ao processo de carga e descarga dos capacitores. Daí independem da carga e sua relação ser a de uma impedância próxima de  $1\text{nF}$ . Esses

picos de corrente se dão na reposição de cargas nos capacitores, nos picos da tensão de entrada, vendo-se que são maiores na versão paralela e menores na serial, do que na versão híbrida.

No apêndice 2 mostra-se como usar o LTSPICE com comandos .MEASURE para maior precisão dos valores de tensões e correntes nos componentes e de tensões de saída, e formas de identificar problemas e erros comuns

na descrição do circuito a ser dada ao software.

### 3. Geração de tensões de 6kV e 10kV

Os seguintes multiplicadores, paralelo e o serial-paralelo, dados na figura 6, tiveram melhor desempenho na geração de tensões com saídas em paralelo de 6kV e 10kV.

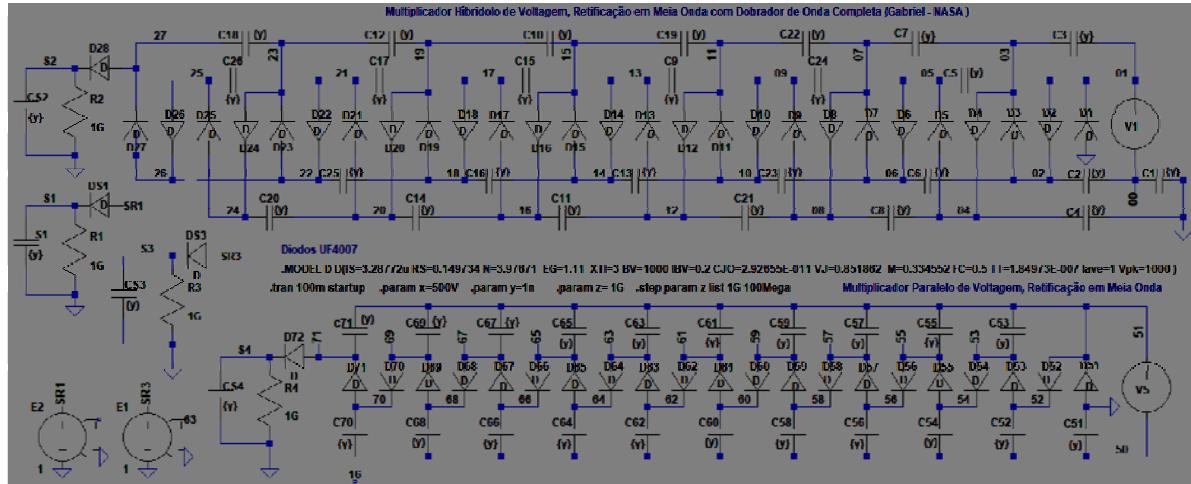


Figura 6: Circuitos escolhidos para retificação com multiplicação de tensão das fontes.

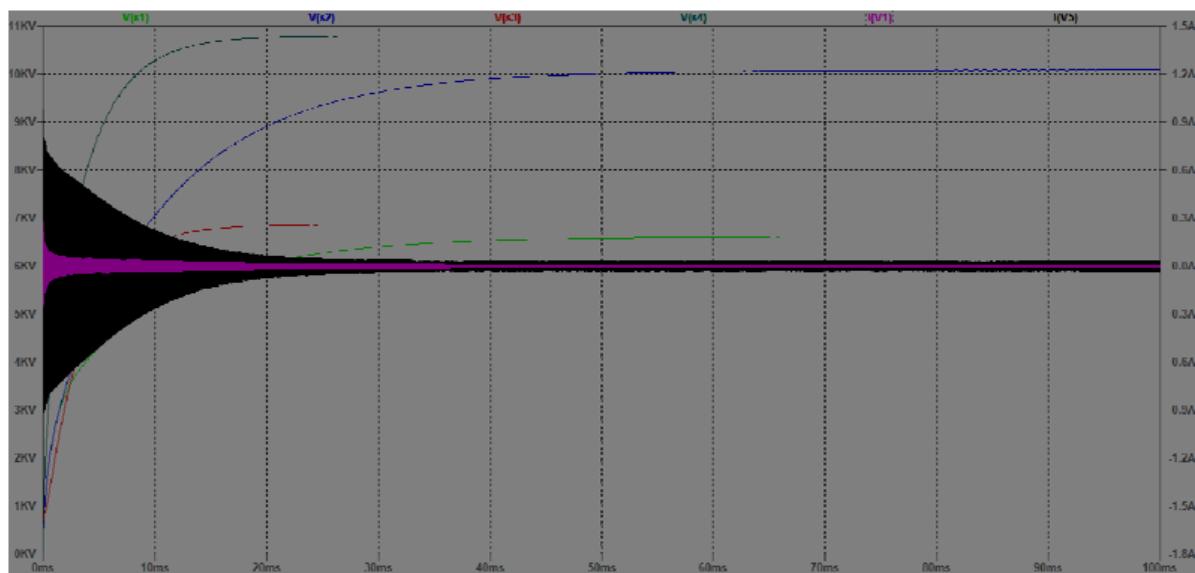


Figura 7: Resultado da análise em 100ms do transiente pelo LTSPICE.

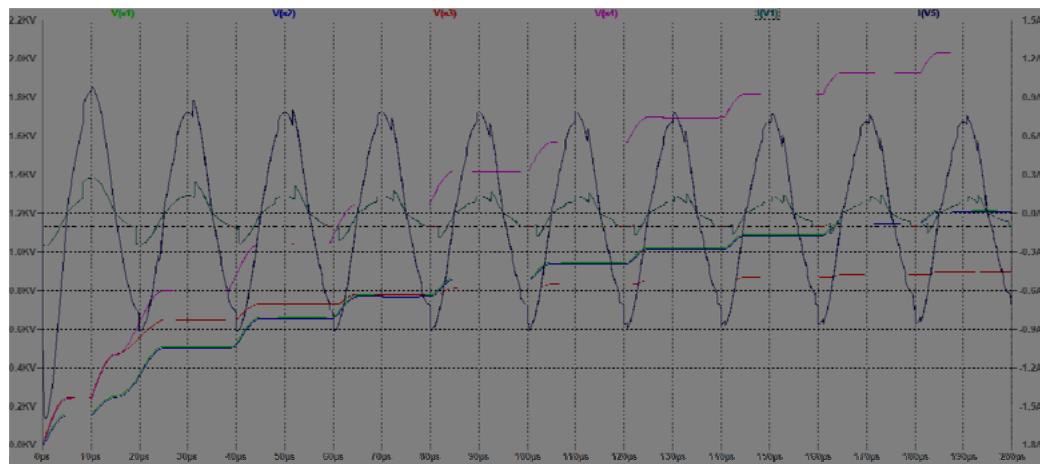


Figura 8: Início do transiente mostrando as tensões nas saídas de 6kV e 10kV e as correntes da entrada.

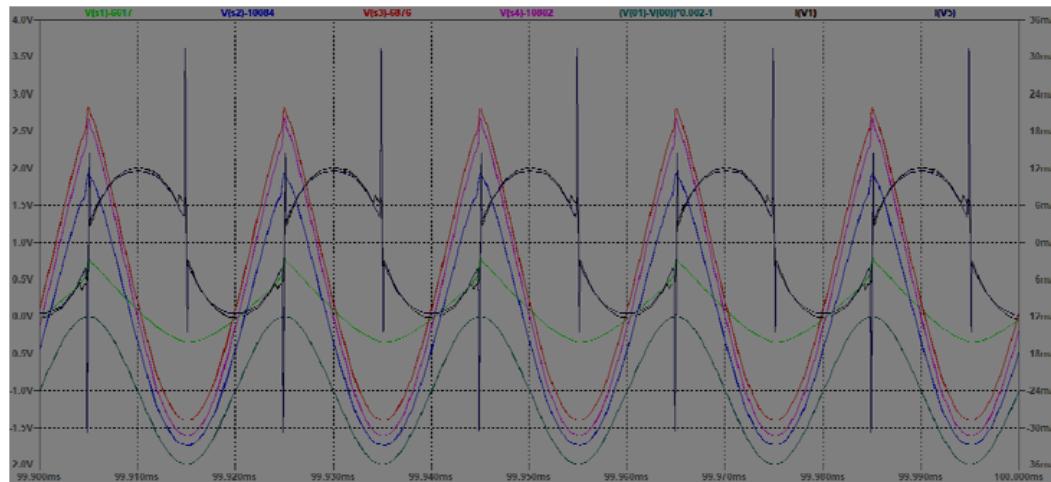


Figura 9: Final do transiente, regime quase permanente das tensões nas saídas de 6kV e 10kV e correntes da entrada.

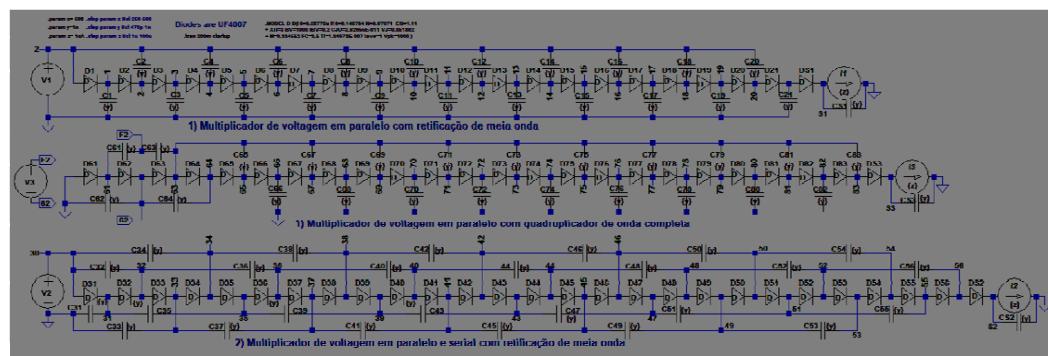


Figura 10: Circuitos paralelo, série-paralelo e série para estudo do uso de retificadores de onda completa.

A análise feita na seção anterior se aplica integralmente ao comportamento desses circuitos, que se mostram adequados a compor fontes de alta tensão

para os detectores RPC em desenvolvimento no CBPF

[8,9].

#### 4. Retificação inicial em onda completa

Os seguintes circuitos geradores de 10kV ou tem menor número de estágios ou menor impedância de en-

trada. São, na ordem em que estão esquematizados na figura 10, um multiplicador paralelo clássico, um outro alimentado com quadruplicador de onda completa, e o último, uma versão do série-paralelo que usa menos estágios do que o apresentado na seção anterior.

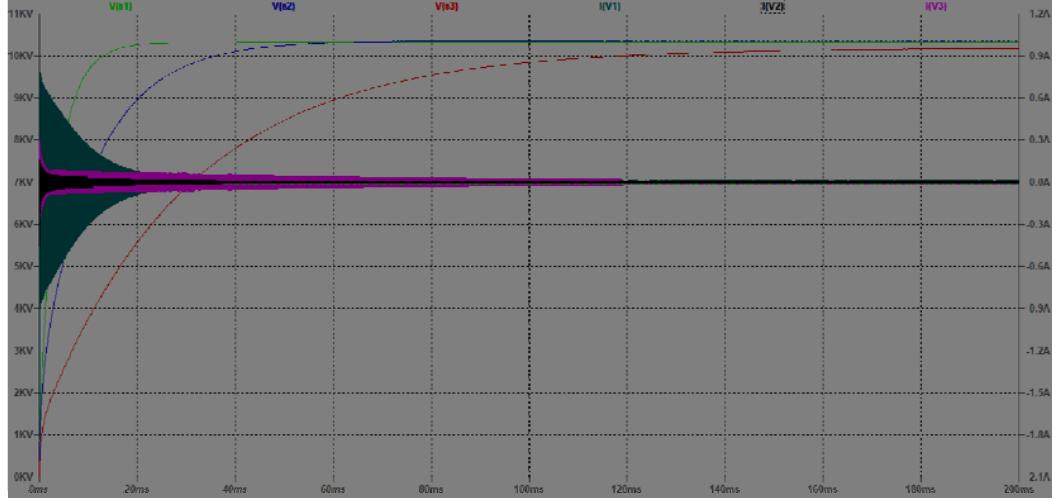


Figura 11: Resultado da análise do transiente completo pelo LTSPICE.

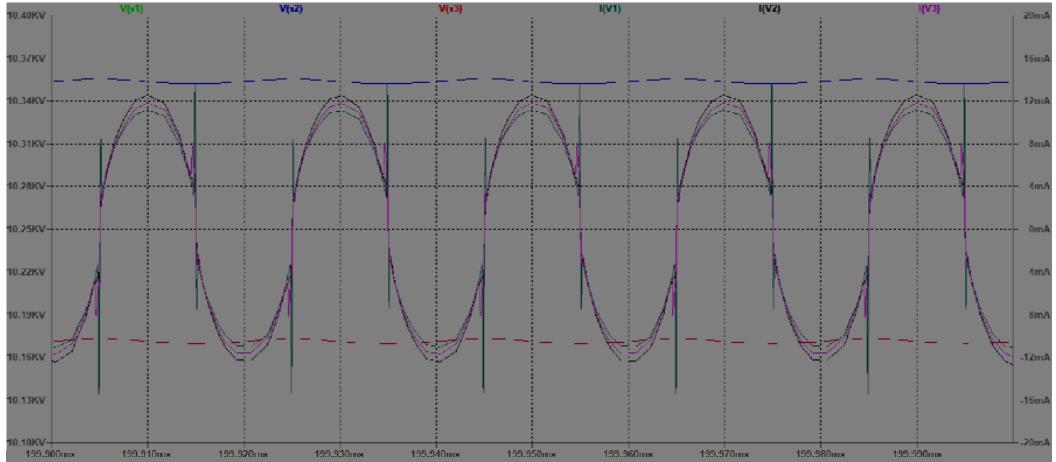


Figura 12: Detalhe do fim do transiente, regime quase estacionário.

A partir de um sinal senoidal de amplitude de 500 V e frequência de 50 kHz consegue-se gerar 10kV com os circuitos dados na figura 10: multiplicador paralelo de meia onda com retificação inicial de onda completa, de 22 estágios; multiplicador híbrido com quadruplicador de onda completa no início da cadeia, de 24 estágios; e multiplicador híbrido com 27 estágios, modificação do apresentado na seção 3. A corrente de entrada dos circuitos híbridos tem a mesma amplitude, e 4 vezes menor do que a do multiplicador paralelo, mas em regime estacionário o consumo de corrente da fonte se iguala nos 3 circuitos. Esse consumo é menor do que o

apresentado na seção 3, restando verificar a adequação desses circuitos ao oscilador desenvolvido[9].

#### 5. Efeito de carga sobre o oscilador

Para analisar a estabilidade do oscilador a transformador escolhido para alimentar esses circuitos multiplicadores, modelou-se a impedância de entrada dos CDVM com análises AC do LTSPICE, na faixa de 1Hz a 100MHz. O módulo e fase das admitâncias de entrada são apresentados na figura 13, com eles se sintetizou os circuitos equivalentes dados na figura 14a junto com o gráfico de suas admitâncias. Os valores

encontrados nesta análise coincidem com as correntes de entrada correspondentes obtidas na análise de transiente. Mostram que os multiplicadores paralelos apresentam uma admitância capacitiva 4 a 6 vezes maior em relação aos demais, 12nF contra 2nF e 3nF respectivamente. Como o valor de cada uma das capacitâncias do filtro é de 1nF, é como se estes fossem arranjados como uma associação em paralelo em 2 no quadruplicador e em 3 no híbrido. Quanto ao paralelo, pode-se visualizar 24 capacitores em paralelo, em série 2 a 2. Tudo coincidente a uma simples inspeção do circuito.

A associação destas capacitâncias com a indutância do secundário do transformador do oscilador, de 200mH, pode criar ressonâncias em frequências abaixo de 8 kHz, prejudicando ou até impedindo a oscilação.

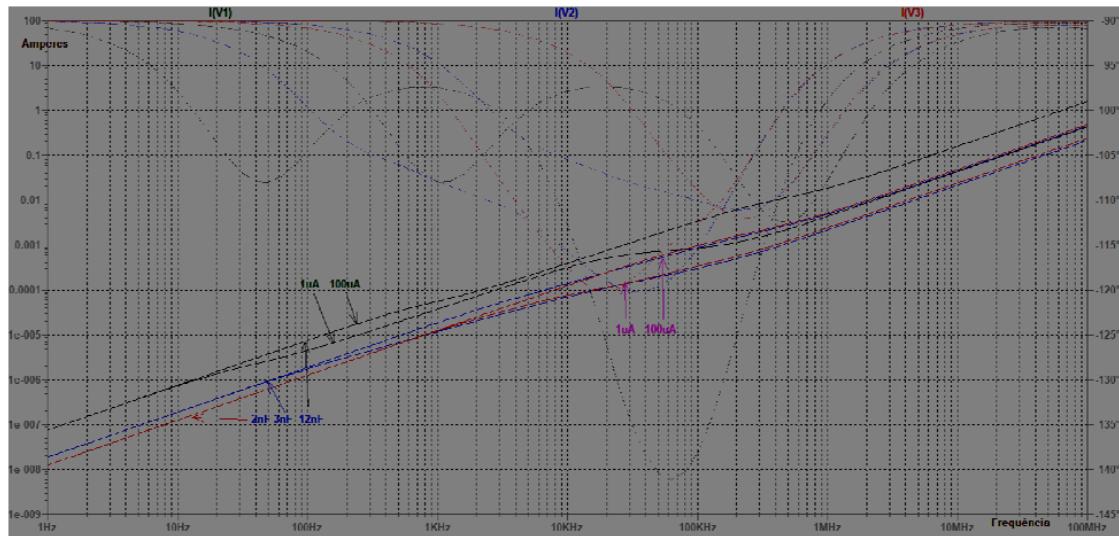


Figura 13: Correntes das fontes de sinal, ou seja, as admitâncias capacitivas dos circuitos.

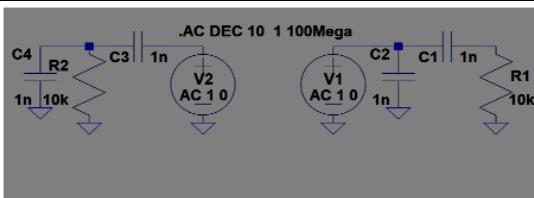


Figura 14a: Modelos R-C para a impedância de entrada dos circuitos retificadores multiplicadores de tensão estudados. Valores indicados para o circuito híbrido.

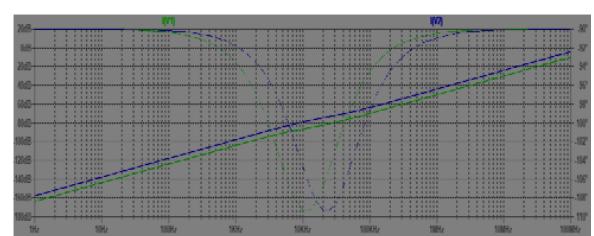


Figura 14b - Correntes das fontes dos modelos, fig. 14a; módulo e fase das admittâncias de entrada.

## 6. Conclusão

Se propõe que o projeto seja baseado em simulações com modelos simples, como modelos lineares para transformadores de ferrite e para capacitores, não levando em conta perdas e não-linearidades, difíceis de modelar com a precisão necessária, sendo mais rápido e preciso complementar as simulações com medidas em protótipos integradas à modelagem.

O circuito conversor de 500Vp para 6 a 10 kV com menos componentes e menos sensível à carga e aos componentes é o de multiplicação paralela caso sua impedância de entrada, de 12nF, não impeça de op-

erar o oscilador tipo Royer na faixa de frequência do transformador, de 40 a 80 kHz [9]. Substituindo seus primeiros estágios retificadores de meia onda por equivalentes de onda completa, descrito na seção 4, sua operação fica satisfatória tal como o circuito híbrido, como mostram nas simulações, resta a confirmação prática em protótipos de bancada.

O multiplicador paralelo, com 22 estágios diodo-capacitor gera 10kV e 6kV com 13 estágios, tem maior fator de multiplicação de tensão e menor sensibilidade à carga e à capacitância. Tendo como estágio inicial um dobrador ou quadruplicador de onda completa, mantém estas propriedades mas oferece uma carga capacitativa 6 vezes menor para o oscilador, ao custo de mais 2 estágios diodo-capacitor. A versão

híbrida [2] modificada com primeiros estágios retificadores de onda completa, criada ao longo deste estudo, se mostrou um pouco melhor do que a original, quanto a multiplicar voltagem e suportar a carga, ambos geraram 6kV com 14 estágios, mas para 10kV a versão modificada precisou de 26 estágios, um pouco menos do que a original. A versão híbrida tem a vantagem de apresentar menores correntes aos diodos e tensões menores aos capacitores, bem como ser uma carga mais leve ao oscilador. O multiplicador serial não foi capaz de fornecer 10kV nestas condições.

O diodo usado, UF4007, pela sua máxima tensão reversa de 1kV, limitou a tensão máxima na entrada em 500 V. A corrente máxima do UF4007 não foi excedida em nenhum caso. Os capacitores da versão par-

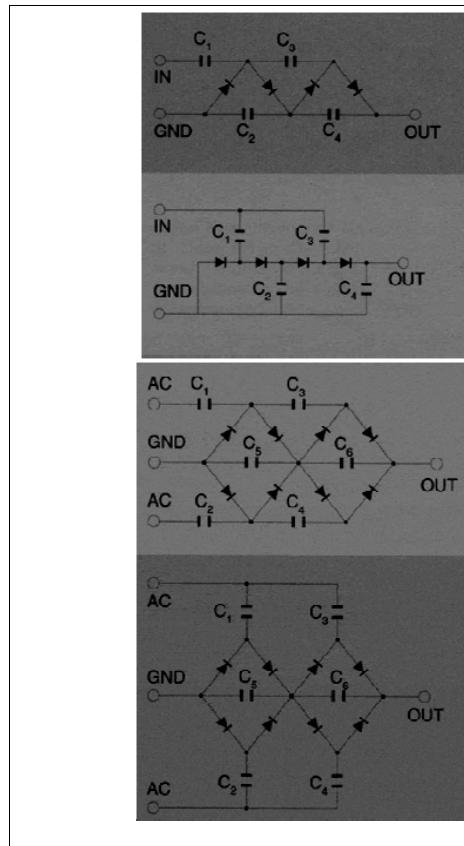
alela sofrem tensões bem maiores, mas todas abaixo de 10kV, limite dos capacitores disponíveis. Como o oscilador tipo Royer por nós desenvolvido pode operar com segurança a 1kVpico, com diodos de 2,5kV reduz-se o número de estágios e se obtém fontes ainda mais compactas e econômicas.

Outros retificadores multiplicadores podem ser estudados visando maior eficiência, menor custo e maior confiabilidade, a exemplo do uso de estágios iniciais de retificação de onda completa em multiplicadores paralelos. Sugere-se a pesquisa de outras formas de geração de alta tensão, como o uso de transformadores piezo-elétricos [12,13], geradores piezo e tribo-elétricos [14], bem como associações de circuitos chaveados [15].

- [1] Linear Technology Design Simulation and Device Models <http://www.linear.com/designtools/software/> [acessado em 18/07/18].
- [2] High Frequency Capacitor-Diode Voltage Multiplier DC-DC Converter Development, J.J.Kisch, R.M.Martinelli, NASA CR-135309 Hughes Report P77-437.
- [3] Efficiency and Weight of Voltage Multiplier Type Ultra Lightweight DC-DC Converters, W.T.Harrigill,I.T.Myers, NASA TM X-71735, 1975.
- [4] Cockcroft-Walton Optimum Design Guide, M.Jullian, [mj@exbang.com](mailto:mj@exbang.com), 2005.
- [5] <http://www.voltagemultipliers.com/pdf/Multiplier%20Design%20Guideline.pdf> [acessado em 18/07/18].
- [6] Electrical Safety Handbook, J.Cadick et alli, McGraw Hill, 2012.
- [7] Applied Bioelectricity, ed. J.P.Reilly, Springer, 1998.
- [8] MARTA: A high-energy cosmic-ray detector concept with high-accuracy muon measurement, P. Abreu et alli, arXiv:1712.07685v1[physics.ins-det].
- [9] Oscilador Royer Ressonante como Conversor CC-CC de Alta Tensão, M.Vaz, M.Bochner, Laboratório de Instrumentação Eletrônica (LITELT) do Centro Brasileiro de Pesquisas Físicas (CBPF), maio de 2018.
- [10] Comunicação Pessoal, Maurício Boechner, Laboratório de Instrumentação Eletrônica (LITELT) do Centro Brasileiro de Pesquisas Físicas (CBPF), setembro de 2017.
- [11] Comunicação Pessoal, Luis Mendes, Laboratório de Instrumentação Eletrônica (LITELT) do Centro Brasileiro de Pesquisas Físicas (CBPF), dezembro de 2017.
- [12] Piezoelectric MEMS Power Generators for Vibration Energy Harvesting, W.Jong Wu e B.S.Lee, <http://dx.doi.org/10.5772/51997> [acessado em 18/07/18].
- [13] World's First Piezoelectric DC-DC Converter, Micromechatronics, Inc., [http://www.mmech.com/images/stories/Standard\\_Products/Transformers/Converter/Catalogue-rev05.pdf](http://www.mmech.com/images/stories/Standard_Products/Transformers/Converter/Catalogue-rev05.pdf), [acessado em 18/07/18].
- [14] High Output Piezo/Triboelectric Hybrid Generator, Z.L.Wang et alii, Scientific Reports 5, Article 9309 (2015), doi:10.1038/srep09309
- [15] On-chip High-Voltage Generator Design, Design Methodology for Charge Pumps, T.Tanzawa, Springer, 2016.

## ANEXO 1 - Notas de projeto

Voltage Multipliers Inc apresenta em [5] um resumo



interessante para o projetista, aqui replicada.

### 1.1 - Multiplicadores típicos e suas características

#### Multiplicador Serial com Retificação em Meia Onda

O circuito mais comum;  
Estresse Mínimo em todos os diodos e capacitores;  
Número de estágios pode ser alto, limitado por eficiência.

#### Multiplicador Paralelo com Retificação em Meia Onda

Eficiente, requer menor número de estágios;  
Estresse Uniforme nos diodos e capacitores, maior nestes;  
Estresse nos capacitores aumenta ao longo dos estágios.

#### Multiplicador Serial com Retificação em Onda Completa

Fornece mais corrente, potência;  
Estresse Uniforme nos componentes;  
Número de estágios pode ser mais alto;  
Usa maior número de componentes.

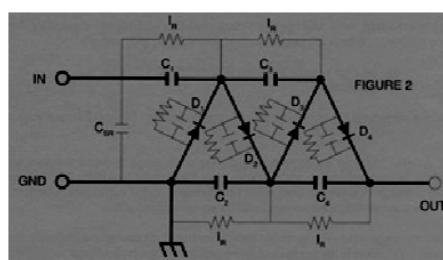
#### Multiplicador Paralelo com Retificação em Onda Completa

Fornece mais corrente e exige menos estágios que todos;  
Estresse Uniforme nos diodos e capacitores, maior nestes;  
Estresse nos capacitores aumenta ao longo dos estágios;  
Utiliza maior número de componentes

## 1.2 - Perdas por Correntes de Fuga

Correntes de fuga dos diodos, capacitores e materi-

ais isolantes, segundo o modelo abaixo, devem ser consideradas na escolha dos componentes, e incluídas nos modelos a serem usados e comparados nas simulações.

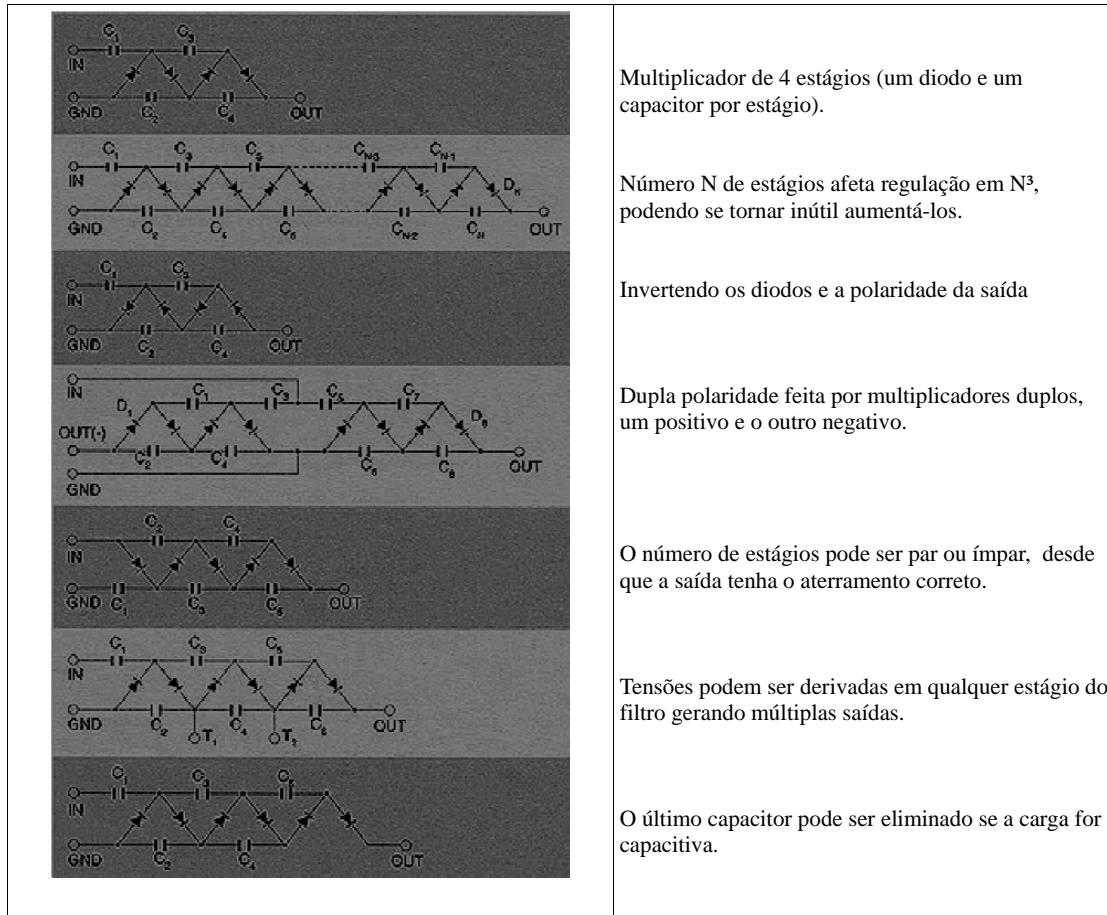


## 1.3 - Perdas nos capacitores:

Quanto maior a frequência menor a reatância capacitiva, logo maior a corrente flui pelos capacitores, resultando em perdas na multiplicação de tensão que podem ser mais importantes do que as causadas por corrente de fuga. O LTSPICE permite avaliar estas perdas, comparando resultados do uso de diferentes mod-

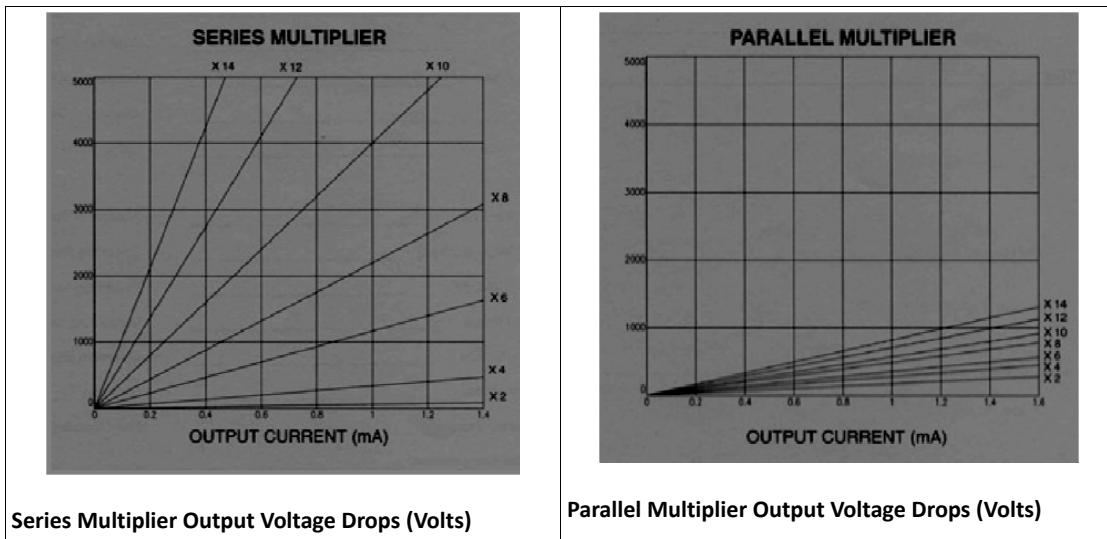
elos para os componentes. Por exemplo comparar o resultado da simulação com modelos diferentes para o diodo, o ideal e o do fabricante, e para os capacitores incluindo as diversas perdas no modelo ideal.

### Características de Multiplicadores Seriais com Retificação em Meia Onda



**Multiplicadores seriais e paralelos, eficiência com-**

parada com multiplicação ideal:



Número de estágios no eixo x, Capacitância = 1nf/stage, Diodos = 12 chips/diodo, Frequência = 25kHz

## ANEXO 2. Notas de uso do LTSPICE

As primeiras anotações deste estudo são reproduzidas aqui, como uma memória e para auxiliar o projetista no uso do LTSPICE, feito com arquivos de ex-

tensão .asc (esquemáticos) e .cir ("netlists"), descrições complementares dos circuitos e das simulações. O primeiro estudo comparativo foi feito com 9 estágios multiplicadores, com fontes de sinais de 100 Vpico a 50 kHz e carga resistiva de 300 M ohms, da ponta de prova usada nas medidas em bancada.

### Entrada de dados para o LTSPICE

Abrindo o LTSPICE e teclando Ctrl + N ou clicando

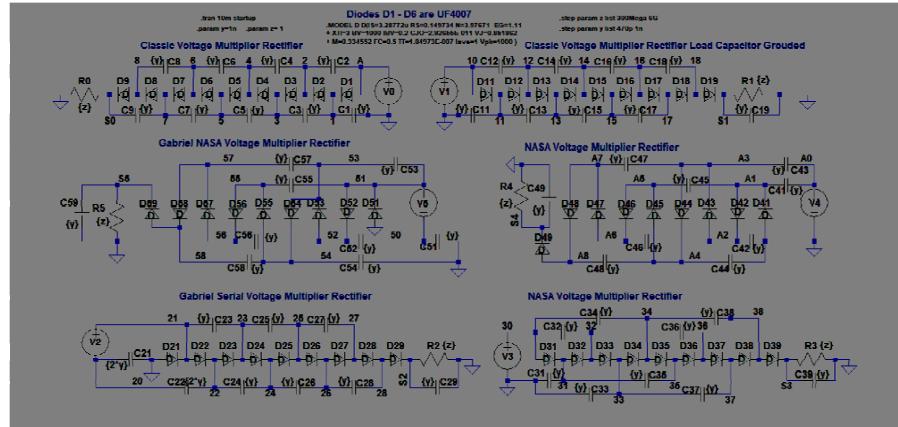


Figura 1: Esquemas elétricos dos circuitos estudados.

Ao editar um arquivo .asc pode-se ter uma descrição por "netlist" clicando com botão esquerdo do mouse em View e SPICE netlist, que pode ser salva com o botão

File > New Schematic ou em um arquivo .asc pode-se editar esquemáticos dos circuitos:

direito, e editada com Ctrl+O ou Open de um arquivo .cir, como dado a seguir. A tabela 1 tem a listagem comparativa da netlist dos circuitos'.

```
* C:\Users\MV\Desktop\HVPSroyer\VMstudy2.cir.
.tran 10m startup ; os sinais se estabilizaram entre 5 e 100 ms
.param z=1 ; Rload modela a ponta de prova de medida de alta tensão e 1uA é a carga esperada a
6kV and 10kV
.step param z list 300Mega 6G
.param y=1n ; capacitores disponíveis para prototipagem são de 1nF, 10kV. Por segurança sugere-
se 470pF.
.step param y list 470p 1n
* Diodos disponíveis: UF4007, cujo modelo para o LTSPICE tem os seguintes parâmetros.
.MODEL D D=IS=3.28772u RS=0.149734 N=3.97671 EG=1.11 XTI=3 BV=1000 IBV=0.2
+ CJO=29.2655ps VJ=0.851862 M=0.334552 FC=0.5 TT=184.973ns Iave=1 Vpk=1kV
```

\* Listando as netlist dos circuitos em forma compacta:

Classic Serial Multiplier[4-5]	Grounded Serial Multiplier [4]	Gabriel's Serial Multiplier [9]
V0 A 0 SINE(0 100 50k 0 0 0)	V1 10 0 SIN(0 100 50k )	V2 21 20 SIN(0 100 50000)
D1 1 A 1 D	D11 10 11 D	D21 0 21 D
D2 1 2 D	D12 11 12 D	D22 21 22 D
D3 2 3 D	D13 12 13 D	D23 22 23 D
D4 3 4 D	D14 13 14 D	D24 23 24 D
D5 4 5 D	D15 14 15 D	D25 24 25 D
D6 5 6 D	D16 15 16 D	D26 25 26 D
D7 6 7 D	D17 16 17 D	D27 26 27 D
D8 7 8 D	D18 17 18 D	D28 27 28 D
D9 8 9 D	D19 18 S1 D	D29 28 S2 D
R0 S0 0 {z}	R1 S1 0 {z}	R2 S2 0 {z}
C9 7 S0 {y}	C19 S1 0 {y}	C29 S2 0 {y}
C8 6 8 {y}	C18 16 18 {y}	C28 26 28 {y}
C7 5 7 {y}	C17 15 17 {y}	C27 25 27 {y}
C6 4 6 {y}	C16 14 16 {y}	C26 24 26 {y}
C5 3 5 {y}	C15 13 15 {y}	C25 23 25 {y}
C4 2 4 {y}	C14 12 14 {y}	C24 22 24 {y}
C3 1 3 {y}	C13 11 13 {y}	C23 21 23 {y}
C2 A 2 {y}	C12 10 12 {y}	C22 20 22 {2*y}
C1 0 1 {y}	C11 0 11 {y}	C21 20 0 {2*y}

V0 A 0 SINE(0 100 50k 0 0 0)	V1 10 0 SIN(0 100 50k)	V2 21 20 SIN(0 100 50000)
D1 A 1 D	D11 10 11 D	D21 0 21 D
D2 1 2 D	D12 11 12 D	D22 21 22 D
D3 2 3 D	D13 12 13 D	D23 22 23 D
D4 3 4 D	D14 13 14 D	D24 23 24 D
D5 4 5 D	D15 14 15 D	D25 24 25 D
D6 5 6 D	D16 15 16 D	D26 25 26 D
D7 6 7 D	D17 16 17 D	D27 26 27 D
D8 7 8 D	D18 17 18 D	D28 27 28 D
D9 8 9 D	D19 18 51 D	D29 28 52 D
R0 S0 0 {z}	R1 S1 0 {z}	R2 S2 0 {z}
C9 7 S0 {y}	C19 S1 0 {y}	C29 S2 0 {y}
C8 6 8 {y}	C18 16 18 {y}	C28 26 28 {y}
C7 5 7 {y}	C17 15 17 {y}	C27 25 27 {y}
C6 4 6 {y}	C16 14 16 {y}	C26 24 26 {y}
C5 3 5 {y}	C15 13 15 {y}	C25 23 25 {y}
C4 2 4 {y}	C14 12 14 {y}	C24 22 24 {y}
C3 1 3 {y}	C13 11 13 {y}	C23 21 23 {y}
C2 A 2 {y}	C12 10 12 {y}	C22 20 22 {2*y}
C1 0 1 {y}	C11 0 11 {y}	C21 20 0 {2*y}
<hr/>		
NASA Parallel Multiplier 1 [1,5]	NASA Multiplier 2 [1,5]	Gabriel-NASA Parallel Multiplier
V4 A1 0 SINE(0 100 50000)	V3 30 0 SINE(0 100 50000)	V5 51 50 SINE(0 100 50k)
D41 0 A1 D	D31 30 31 D	D51 0 51 D
D42 A1 A2 D	D32 31 32 D	D52 51 52 D
D43 A2 A3 D	D33 32 33 D	D53 52 53 D
D44 A3 A4 D	D34 33 34 D	D54 53 54 D
D45 A4 A5 D	D35 34 35 D	D55 54 55 D
D46 A5 A6 D	D36 35 36 D	D56 55 56 D
D47 A6 A7 D	D37 36 37 D	D57 56 57 D
D48 A7 A8 D	D38 37 38 D	D58 57 58 D
D49 A8 S4 D	D39 38 53 D	D59 58 55 D
R4 S4 0 {z}	R3 S3 0 {z}	R5 S5 0 {z}
C49 S4 0 {y}	C39 S3 0 {y}	C59 0 55 {y}
C48 A4 A8 {y}	C38 34 38 {y}	C58 54 58 {y}
C47 A3 A7 {y}	C37 33 37 {y}	C57 53 57 {y}
C46 A2 A6 {y}	C36 32 36 {y}	C56 52 56 {y}
C45 A1 A5 {y}	C35 31 35 {y}	C55 51 55 {y}
C44 0 A4 {y}	C34 30 34 {y}	C54 0 54 {y}
C43 A0 A3 {y}	C33 30 33 {y}	C53 51 53 {y}
C42 0 A2 {y}	C32 30 32 {y}	C52 50 52 {y}
C41 A0 A1 {y}	C31 0 31 {y}	C51 0 50 {y}

Tabela 1: "Netlist" ou listagem dos circuitos estudados

Nesses arquivos .cir pode-se acrescentar comandos .MEASURE para gravar os resultados numérico das

simulações em arquivos de mesmo nome e extensão .log., como por exemplo:

```
.MEAS IV1max TRAN MAX (I(V1))
.MEAS IV1min TRAN MIN (I(V1))
.MEAS IV1pmax TRAN MAX (I(V1))
+ TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME VAL={tfim}
.MEAS IV1pmin TRAN MIN (I(V1))
+ TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME VAL={tfim}
.MEAS vd1 TRAN MAX (ABS(V(01)))
.MEAS vd2 TRAN MAX (ABS(V(01)-V(02)))
.MEAS vc4 TRAN MAX (ABS(V(04)))
```

com o seguinte resultado:

.step 1 z=1e-006 .step 2 z=0.0001	FROM-TO (ms)	step 1 step 2
Measurement: iv1max MAX(i(v1))	0-0.05	0.287267 0.287299
Measurement: iv1min MIN(i(v1))		-0.264555 -0.271745
Measurement: iv1pmax MAX(i(v1))	0.049-0.05	0.0121931 0.0291369
Measurement: iv1pmin MIN(i(v1))		-0.0125229 0.0273039
Measurement: vd1 MAX(abs(v(01)))	0-0.05	950.306 931.552
Measurement: vd2 MAX(abs(v(01)-v(02)))		951.031 934.003
Measurement: vc4max MAX(abs(v(s4)))		10803.5 10722.5

Independente da forma da entrada de dados para a simulação, se tem o resultado gráfico desta, para  $C = 420\text{pF}$  e  $1\text{nF}$ ,  $\text{Rload} = 300\text{M}$  e  $6\text{G}$ , conforme os comandos .param, onde se compara eficiência de multiplicação e níveis de corrente dos circuitos listados

acima, e os tempos de estabilização das saídas.

#### Resultados do LTSPICE das simulações e medidas nos geradores de 6kV

Simulou-se os circuitos com maior potencial, aumentando o número de estágios até produzir 6kV. Os val-

ores das tensões e correntes ficaram dentro dos limites permitidos para os diodos e capacitores. O transiente

se estabilizou em menos de 50ms, como se vê no gráfico das tensões de saída e corrente de entrada.

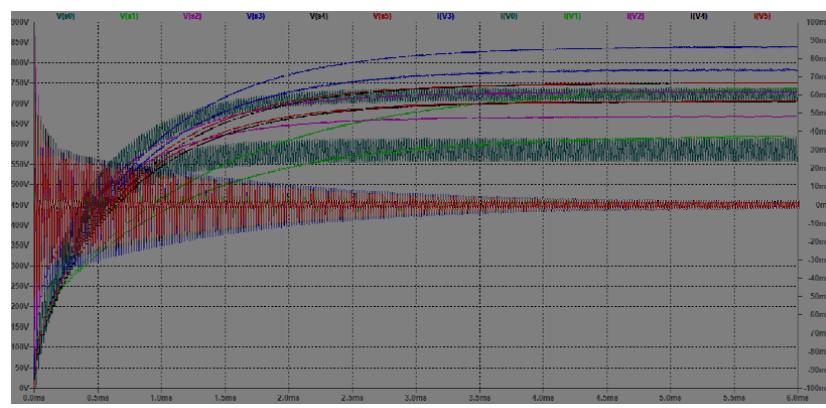


Figura 2: Gráficos de diversas variáveis de circuito ao longo do intervalo de tempo 0-6ms.

Expandindo-se este gráfico entre 0 e 100 us, e entre 9.89 e 10 ms tem-se detalhes do transiente. Igualmente pode-se ver detalhes do final do transiente, do

regime quase permanente, do nível de filtragem (ripple) e do consumo em regime permanente dos circuitos com suas cargas de 1u e 100u Amperes

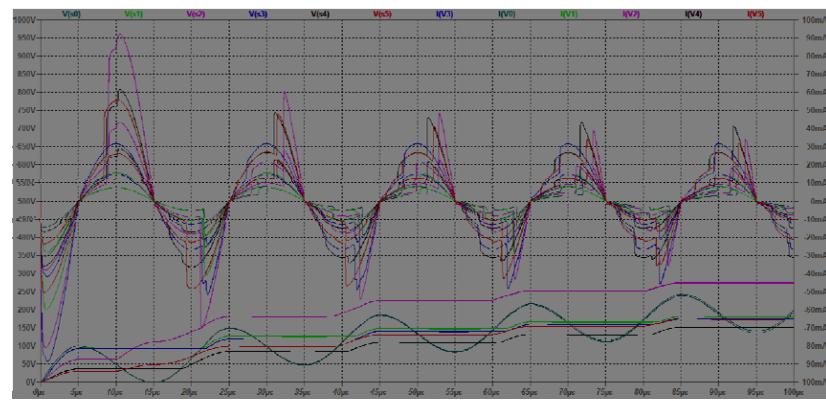


Figura 3: Gráficos de diversas variáveis de circuito no início do transiente

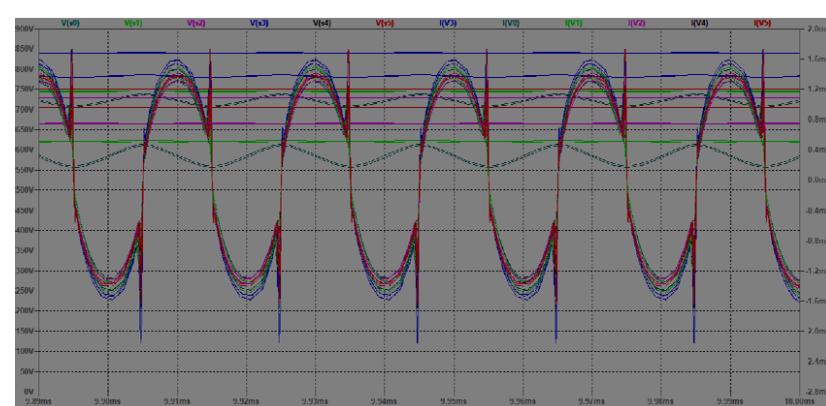


Figura 4: Gráficos de diversas variáveis de circuito no fim do transient

## Resultados do LTSPICE das simulações e medidas nos geradores de 6kV

1 – A eficiência de multiplicação dos circuitos é a razão entre a tensão obtida na saída com a esperada pelo número de estágios (saída de 900 volts para entrada de 100 Vpico multiplicada 9 vezes):

$$\begin{aligned} V(s3) &= 840 > V(s5) = 760 > V(s4) = 750 > V(s1) = 745 \\ &> V(s2) = 730 > V(s0) > 710 \end{aligned}$$

Ela é maior respectivamente nos multiplicadores: paralelo (NASA [2]), paralelo com dobrador, paralelo modificado, serial com dobrador e capacitor na saída aterrado, serial com dobrador [10] e por último o serial clássico.

2 – As influências do valor da capacitância e da re-

sistência de carga ficaram dentro do esperado em cada versão, sendo menores nas versões paralelas.

3 – O consumo inicial de corrente depende diretamente do valor da capacitância do filtro e do circuito, maior nos circuitos com dobrador e paralelos, menor nos seriais:  $I(V5), I(V2) = 80 > I(V4), I(V0) = 60 > I(V3) = 30 > I(V1) = 15 \text{ mA}$ .

As versões híbridas, ou seriais-paralelas [2,10] se mostraram as melhores em eficiência de multiplicação e sensibilidade à variação das capacitâncias e da carga, e apresentam menor carga à fonte de sinal.

Na descrição em netlist seguinte se especifica o tempo de duração do transiente, 100ms, as capacitâncias do filtro, 1nF e 470pF, a carga do circuito, 3onde 00M e 6G ohms e o macro-modelo adotado para o diodo:

---

```
.tran 100m startup
.param y=1n
.step param y list 470p 1n
.param z= 1
.step param z list 300Mega 6G
* Diodos UF4007
.MODEL D D(IS=3.28772u RS=0.149734 N=3.97671 EG=1.11
+ XTI=3 BV=1000 IBV=0.2 CJO=2.92655E-011 VJ=0.851862
+ M=0.334552 FC=0.5 TT=1.84973E-007 lave=1 Vpk=1000 )
.end
```

---

## Medidas iniciais, e resultados dos comandos .MEASURE

Comandos .MEASure feitos em arquivos .cir fornecem valores numéricos das variáveis ou funções destas, que possibilitam uma visualização direta e quantificação precisa pelos seus resultados apresentados em arquivos .log de mesmo nome, que também apontam as falhas nos comandos das medidas e na descrição dos circuitos. Seguindo as pistas dadas por avisos como FAIL!

e por valores não esperados (!), pode-se corrigir as simulações e mesmo os circuitos se necessário. No caso apresentado a seguir os resultados mostraram todos os diodos com tensão reversa inferior a 200V ou  $2^*V_p$ , assim como os capacitores nas versões seriais, que nas versões serial-paralela tiveram tensões de cerca de  $4^*V_p$ , exceto os das saídas, estes receberam a voltagem de saída de 6kV, tudo dentro do esperado segundo as referências [2-5].

```
.step 1 y=470p z=300Meg .step 2 y=1n z=300Meg
.step 3 y=470p z=6G .step 4 y=1n z=6G
Measurements from 0s to 0.1s MAX(abs(...))
Serial Voltage Multiplier 19-diodes Cload Grounded
Current from voltage source v0: steps 1,3: 145 mA; steps 2,4: 308 mA
Volts over diodes steps 1,3: 201-907; steps 2,4: 461-943.
Volts over last capacitor, grounded: steps 1:4221V; 2:6015V; 3:4357V; 4:6158V.
Volts over capacitors: steps 1,3: 209-907V; steps 2,4: 467-975V.
NASA Parallel Voltage Multiplier 14-diodes
Current from voltage source, steps 1,3: 218 mA; steps 2,4: 463 mA
Volts over diodes: steps 1,3: 487-945; steps 2,4: 493-972
Volts over last capacitor, grounded: steps 1: 5535; 2: 6006; 3: 5576; 4:6030.97
Volts over capacitors: steps 1,3: 942-1848; steps 2,4: 970-1923. cap.1: steps 1-4: 499
Gabriel-NASA Voltage Multiplier 14-diodes
Current from voltage source: steps 1,3: 131 mA; steps 2,4: 280 mA
Volts over diodes: steps 1,3: 745-951; steps 2,4: 869-975
Volts over capacitor s5: 1: 5822; 2:6396; 3:5875; 4:6428
Volts over capacitors: 5d-54: 1,3: 947-1840; 2,4: 973-1918. cap.52-51: 1-4: 499
Date: Mon Jan 01 21:05:56 2018 Total elapsed time: 1365.398 seconds.
```

Tensões sobre os diodos (vd) e capacitores (vc) máximas e mínimas observadas:

vd1-19: 145-189 V; vd21-29: 112-198 V; vc1-19: 99-178 V; vc21: 278!; vc29: 729!  
 vd31-39: 185-194 V; vc31-38: 193-381!; vc33"FAIL!; vc39: 841!  
 vd41-49: 62-194 V; vc41: 99 V; vc43: 287; vc45-48: 369-377!; vc49: 751!; "vc42,vc44" FAIL!  
 vd51-59: 43-194 V; vc51,54-58: 99-381 V; vc59: 751!; "vc52" FAIL!.

Os capacitores de 1nF permitem melhor multiplicação de tensão e suporte de carga (1 a 100 uA), mas dobram a carga para a fonte em relação aos de 470pF, que suportam cargas até 10uA, e portanto aos detectores RPC []. O circuito com maior multiplicação de tensão foi o da versão NASA (840-780 Vdc), seguido da versão híbrida Gabriel-NASA (750-710 Vdc) e do multiplicador serial com capacitor último aterrado (740-620 Vdc).

#### Resultados do LTSPICE nas medidas nos geradores de 10kV por meio de comandos .MEASURE

A fase seguinte do estudo incluiu o multiplicador paralelo e multiplicadores série-paralelo descritos nas seções 2 e 3, versões mais promissoras para uso nas fontes de tensão de 10kV. Segue-se um exemplo do uso de comandos .MEASURE.

```

* C:\Users\MV\Desktop\HVPSroyer\VMstudy5-parallel.asc
.param tfim=50ms
.param x=500V
.param y=1nF
.param z=10uA
.step param z list 1uA 100uA
.tran {tfim} startup
* Diodes UF4007
.MODEL D D(IS=3.28772u RS=0.149734 N=3.97671 EG=1.11 XTI=3 BV=1000 IBV=0.2
+ CJO=2.92655E-011 VJ=0.851862 M=0.334552 FC=0.5 TT=1.84973E-007 Iave=1 Vpk=1000)
*.model D D
*.lib C:\Users\MV\Desktop\Educar\Documents\LTspiceXVII\lib\cmp\standard.dio
*

```

* Serial-Parallel (Gabriel-NASA) Voltage Multiplier Half Wave Rectifier		* Parallel Voltage Multiplier Half Wave Rectifier	
V1 01 00 SINE(0 500 50k) D1 00 01 D D2 01 02 D D3 02 03 D D4 03 04 D D5 04 05 D D6 05 06 D D7 06 07 D D8 07 08 D D9 08 09 D D10 09 10 D D11 10 11 D D12 11 12 D D13 12 13 D D14 13 14 D D15 14 15 D D16 15 16 D DS1 16 S1 D I1 S1 0 {z} D17 16 17 D D18 17 18 D D19 18 19 D D20 19 20 D D21 20 21 D D22 21 22 D D23 22 23 D D24 23 24 D D25 24 25 D D26 25 26 D D27 26 27 D D28 27 S2 D I2 S2 0 {z} CS1 S1 0 {y} CS2 0 S2 {y} C20 24 20 {y} C14 20 16 {y} C11 16 12 {y} C21 12 08 {y} C8 08 04 {y}	.MEAS IV1max TRAN MAX (I(V1)) .MEAS IV1min TRAN MIN (I(V1)) .MEAS IV1pmax TRAN MAX (I(V1)) + TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME VAL={tfim} .MEAS IV1pmin TRAN MIN (I(V1)) + TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME VAL={tfim} .MEAS vd1 TRAN MAX (ABS(V(01))) .MEAS vd2 TRAN MAX (ABS(V(01)-V(02))) .MEAS vd3 TRAN MAX (ABS(V(02)-V(03))) .MEAS vd4 TRAN MAX (ABS(V(03)-V(04))) .MEAS vd5 TRAN MAX (ABS(V(04)-V(05))) .MEAS vd6 TRAN MAX (ABS(V(05)-V(06))) .MEAS vd7 TRAN MAX (ABS(V(06)-V(07))) .MEAS vd8 TRAN MAX (ABS(V(07)-V(08))) .MEAS vd9 TRAN MAX (ABS(V(08)-V(09))) .MEAS vdA TRAN MAX (ABS(V(09)-V(10))) .MEAS vdB TRAN MAX (ABS(V(10)-V(11))) .MEAS vdC TRAN MAX (ABS(V(11)-V(12))) .MEAS vdD TRAN MAX (ABS(V(12)-V(13))) .MEAS vde TRAN MAX (ABS(V(13)-V(14))) .MEAS vdF TRAN MAX (ABS(V(14)-V(15))) .MEAS vdG TRAN MAX (ABS(V(15)-V(16))) .MEAS vdH TRAN MAX (ABS(V(16)-V(S1))) .MEAS vdi TRAN MAX (ABS(V(16)-V(17))) .MEAS vdJ TRAN MAX (ABS(V(17)-V(18))) .MEAS vdK TRAN MAX (ABS(V(18)-V(19))) .MEAS vdL TRAN MAX (ABS(V(19)-V(20))) .MEAS vdM TRAN MAX (ABS(V(20)-V(21))) .MEAS vdN TRAN MAX (ABS(V(21)-V(22))) .MEAS vdO TRAN MAX (ABS(V(22)-V(23))) .MEAS vdP TRAN MAX (ABS(V(23)-V(24))) .MEAS vdQ TRAN MAX (ABS(V(24)-V(25))) .MEAS vdR TRAN MAX (ABS(V(25)-V(26))) .MEAS vdS TRAN MAX (ABS(V(26)-V(27))) .MEAS vdT TRAN MAX (ABS(V(27)-V(S2))) .MEAS vc1mt TRAN MAX (ABS(V(S1))) .MEAS vc1max TRAN MAX (ABS(V(S1))) + TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME VAL={tfim} .MEAS vc1min TRAN MIN (ABS(V(S1))) + TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME VAL={tfim} .MEAS vc2mt TRAN MAX (ABS(V(S2))) .MEAS vc2max TRAN MAX (ABS(V(S2)))	V5 51 50 SINE(0 500 50k) D51 0 51 D D52 51 52 D D53 52 53 D D54 53 54 D D55 54 55 D D56 55 56 D D57 56 57 D D58 57 58 D D59 58 59 D D60 59 60 D D61 60 61 D D62 61 62 D D63 62 63 D DS3 63 S3 D I3 S3 0 {z} D64 63 64 D D65 64 65 D D66 65 66 D D67 66 67 D D68 67 68 D D69 68 69 D D70 69 70 D D71 70 71 D DS4 71 S4 D I4 S4 0 {z} CS3 0 S3 {y} CS4 0 S4 {y} C51 50 0 {y} C52 50 52 {y} C53 53 51 {y} C54 50 54 {y} C55 55 51 {y} C56 50 56 {y} C57 57 51 {y} C58 50 58 {y} C59 59 51 {y} C60 50 60 {y} C61 61 51 {y} C62 50 62 {y}	.MEAS IV5max TRAN MAX (I(V5)) .MEAS IV5min TRAN MIN (I(V5)) .MEAS IV5pmax TRAN MAX (I(V5)) + TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME VAL={tfim} .MEAS IV5pmin TRAN MIN (I(V5)) + TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME VAL={tfim} .MEAS vd51 TRAN MAX (ABS(V(51))) .MEAS vd52 TRAN MAX (ABS(V(51)-V(52))) .MEAS vd53 TRAN MAX (ABS(V(52)-V(53))) .MEAS vd54 TRAN MAX (ABS(V(53)-V(54))) .MEAS vd55 TRAN MAX (ABS(V(54)-V(55))) .MEAS vd56 TRAN MAX (ABS(V(55)-V(56))) .MEAS vd57 TRAN MAX (ABS(V(56)-V(57))) .MEAS vd58 TRAN MAX (ABS(V(57)-V(58))) .MEAS vd59 TRAN MAX (ABS(V(58)-V(59))) .MEAS vd60 TRAN MAX (ABS(V(59)-V(60))) .MEAS vd61 TRAN MAX (ABS(V(60)-V(61))) .MEAS vd62 TRAN MAX (ABS(V(61)-V(62))) .MEAS vd63 TRAN MAX (ABS(V(62)-V(63))) .MEAS vdS3 TRAN MAX (ABS(V(63)-V(S3))) .MEAS vd64 TRAN MAX (ABS(V(63)-V(64))) .MEAS vd65 TRAN MAX (ABS(V(64)-V(65))) .MEAS vd66 TRAN MAX (ABS(V(65)-V(66))) .MEAS vd67 TRAN MAX (ABS(V(66)-V(67))) .MEAS vd68 TRAN MAX (ABS(V(67)-V(68))) .MEAS vd69 TRAN MAX (ABS(V(68)-V(69))) .MEAS vd70 TRAN MAX (ABS(V(69)-V(70))) .MEAS vd71 TRAN MAX (ABS(V(70)-V(71))) .MEAS vd72 TRAN MAX (ABS(V(71)-V(S4))) .MEAS vc3mt TRAN MAX (ABS(V(S3))) .MEAS vc3max TRAN MAX (ABS(V(S3))) + TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME VAL={tfim} .MEAS vc4max TRAN MAX (ABS(V(S4))) + TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME VAL={tfim} .MEAS vc4min TRAN MIN (ABS(V(S4))) + TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME VAL={tfim} .MEAS vc71 TRAN MAX (ABS(V(71)-V(51))) .MEAS vc69 TRAN MAX (ABS(V(69)-V(51)))

D25 24 25 D	.MEAS vdP TRAN MAX (ABS(V(23)-V(24)))	C51 50 0 {y}	.MEAS vc3max TRAN MAX (ABS(V(S3)))
D26 25 26 D	.MEAS vdQ TRAN MAX (ABS(V(24)-V(25)))	C52 50 52 {y}	+ TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME
D27 26 27 D	.MEAS vdR TRAN MAX (ABS(V(25)-V(26)))	C53 53 51 {y}	VAL={tfim}
D28 27 S2 D	.MEAS vdS TRAN MAX (ABS(V(26)-V(27)))	C54 50 54 {y}	.MEAS vc3min TRAN MIN (ABS(V(S3)))
I2 S2 0 {z}	.MEAS vdT TRAN MAX (ABS(V(27)-V(S2)))	C55 55 51 {y}	+ TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME
CS1 S1 0 {y}	.MEAS vc1mt TRAN MAX (ABS(V(S1)))	C56 50 56 {y}	VAL={tfim}
CS2 0 S2 {y}	.MEAS vc1max TRAN MAX (ABS(V(S1)))	C57 57 51 {y}	.MEAS vc4max TRAN MAX (ABS(V(S4)))
C20 24 20 {y}	+ TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME	C58 50 58 {y}	+ TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME
C14 20 16 {y}	VAL={tfim}	C59 59 51 {y}	VAL={tfim}
C11 16 12 {y}	.MEAS vc1min TRAN MIN (ABS(V(S1)))	C60 50 60 {y}	.MEAS vc4min TRAN MIN (ABS(V(S4)))
C21 12 08 {y}	+ TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME	C61 61 51 {y}	+ TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME
C8 08 04 {y}	VAL={tfim}	C62 50 62 {y}	VAL={tfim}
C4 0 04 {y}	.MEAS vc2max TRAN MAX (ABS(V(S2)))	C63 63 51 {y}	.MEAS vc67 TRAN MAX (ABS(V(67)-V(51)))
C1 0 00 {y}	+ TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME	C64 50 64 {y}	.MEAS vc65 TRAN MAX (ABS(V(65)-V(51)))
C26 25 21 {y}	VAL={tfim}	C65 65 51 {y}	.MEAS vc63 TRAN MAX (ABS(V(63)-V(51)))
C17 21 17 {y}	.MEAS vc2min TRAN MIN (ABS(V(S2)))	C66 50 66 {y}	.MEAS vc61 TRAN MAX (ABS(V(61)-V(51)))
C15 17 13 {y}	+ TRIG TIME VAL={tfim}-1ms TARG TIME	C67 67 51 {y}	.MEAS vc59 TRAN MAX (ABS(V(59)-V(51)))
C9 13 09 {y}	VAL={tfim}	C68 50 68 {y}	.MEAS vc57 TRAN MAX (ABS(V(57)-V(51)))
C24 09 05 {y}	.MEAS vc20 TRAN MAX (ABS(V(24)-V(20)))	C69 69 51 {y}	.MEAS vc55 TRAN MAX (ABS(V(55)-V(51)))
C5 01 05 {y}	.MEAS vc14 TRAN MAX (ABS(V(20)-V(16)))	C70 50 70 {y}	.MEAS vc53 TRAN MAX (ABS(V(53)-V(51)))
C12 23 19 {y}	.MEAS vc11 TRAN MAX (ABS(V(16)-V(12)))	C71 71 51 {y}	.MEAS vc51 TRAN MAX (ABS(V(50)))
C10 19 15 {y}	.MEAS vc21 TRAN MAX (ABS(V(12)-V(08)))		.MEAS vc70 TRAN MAX (ABS(V(70)-V(50)))
C19 15 11 {y}	.MEAS vc8 TRAN MAX (ABS(V(08)-V(04)))		.MEAS vc68 TRAN MAX (ABS(V(68)-V(50)))
C22 11 07 {y}	.MEAS vc4 TRAN MAX (ABS(V(04)))		.MEAS vc66 TRAN MAX (ABS(V(66)-V(50)))
C7 03 07 {y}	.MEAS vc1 TRAN MAX (ABS(V(00)))		.MEAS vc64 TRAN MAX (ABS(V(64)-V(50)))
C3 01 03 {y}	.MEAS vc26 TRAN MAX (ABS(V(25)-V(21)))		.MEAS vc62 TRAN MAX (ABS(V(62)-V(50)))
C2 00 02 {y}	.MEAS vc17 TRAN MAX (ABS(V(21)-V(17)))		.MEAS vc60 TRAN MAX (ABS(V(60)-V(50)))
C6 02 06 {y}	.MEAS vc15 TRAN MAX (ABS(V(17)-V(13)))		.MEAS vc58 TRAN MAX (ABS(V(58)-V(50)))
C23 06 10 {y}	.MEAS vc9 TRAN MAX (ABS(V(13)-V(09)))		.MEAS vc56 TRAN MAX (ABS(V(56)-V(50)))
C13 10 14 {y}	.MEAS vc24 TRAN MAX (ABS(V(09)-V(05)))		.MEAS vc54 TRAN MAX (ABS(V(54)-V(50)))
C16 14 18 {y}	.MEAS vc5 TRAN MAX (ABS(V(01)-V(05)))		.MEAS vc52 TRAN MAX (ABS(V(52)-V(50)))
C25 18 22 {y}	.MEAS vc12 TRAN MAX (ABS(V(01)-V(05)))		
C27 22 26 {y}	.MEAS vc10 TRAN MAX (ABS(V(23)-V(19)))		
	.MEAS vc19 TRAN MAX (ABS(V(19)-V(15)))		
	.MEAS vc22 TRAN MAX (ABS(V(11)-V(07)))		
	.MEAS vc7 TRAN MAX (ABS(V(03)-V(07)))		
	.MEAS vc3 TRAN MAX (ABS(V(01)-V(03)))		
	.MEAS vc2 TRAN MAX (ABS(V(00)-V(02)))		
	.MEAS vc6 TRAN MAX (ABS(V(02)-V(06)))		
	.MEAS vc23 TRAN MAX (ABS(V(06)-V(10)))		
	.MEAS vc13 TRAN MAX (ABS(V(10)-V(14)))		
	.MEAS vc16 TRAN MAX (ABS(V(14)-V(18)))		
	.MEAS vc25 TRAN MAX (ABS(V(18)-V(22)))		
	.MEAS vc27 TRAN MAX (ABS(V(22)-V(26)))		

Measurement: FROM TO step 1 step 2      Measurement: .step 1 z=1uA .step 2 z=100uA

iv1max MAX(i(v1)) 0 0.05s 0.287267 0.287299	iv5max MAX(i(v5)) 0.049 0.05 0.049 0.05	1.01361 1.01365
iv1min MIN(i(v1)) -0.264555 -0.271745	iv5min MIN(i(v5)) -0.0188213 -0.110206	-1.62507 -1.62507
iv1pmax MAX(i(v1)) 0.049 0.05s 0.0121931 0.0291369	iv5pmax MAX(i(v5)) 0.049 0.05 0.0185324 0.112559	
iv1pmin MIN(i(v1)) -0.0125229 0.0273039	iv5pmin MIN(i(v5)) -0.0188213 -0.110206	
vd1 MAX(abs(v(01))) 0 0.05s 950.306 931.552	vd51 MAX(abs(v(51))) 0 0.05 986.956 982.1	
vd2 MAX(abs(v(01)-v(02))) 951.03 934.003	vd52 MAX(abs(v(51)-v(52))) 990.942 986.055	
vd3 MAX(abs(v(02)-v(03))) 906.665 874.437	vd53 MAX(abs(v(52)-v(53))) 982.568 975.467	
vd4 MAX(abs(v(03)-v(04))) 863.616 817.228	vd54 MAX(abs(v(53)-v(54))) 982.589 973.647	
vd5 MAX(abs(v(04)-v(05))) 863.838 816.81	vd55 MAX(abs(v(54)-v(55))) 982.589 973.65	
vd6 MAX(abs(v(05)-v(06))) 867.637 823.783	vd56 MAX(abs(v(55)-v(56))) 982.592 973.648	
vd7 MAX(abs(v(06)-v(07))) 831.179 774.29	vd57 MAX(abs(v(56)-v(57))) 982.593 973.648	
vd8 MAX(abs(v(07)-v(08))) 793.486 726.337	vd58 MAX(abs(v(57)-v(58))) 982.598 973.648	
vd9 MAX(abs(v(08)-v(09))) 793.812 725.882	vd59 MAX(abs(v(58)-v(59))) 982.6 973.649	
vda MAX(abs(v(09)-v(10))) 800.504 736.963	vd60 MAX(abs(v(59)-v(60))) 982.606 973.649	
vdb MAX(abs(v(10)-v(11))) 771.498 696.903	vd61 MAX(abs(v(60)-v(61))) 982.609 973.649	

CG E G {y}	C3H 3D 3H {y}	C5G 5C 5G {y}
CF D F {y}	C3G 3C 3G {y}	C5F 5B 5F {y}
CE C E {y}	C3F 3B 3F {y}	C5E 5A 5E {y}
CD B D {y}	C3E 3A 3E {y}	C5D 59 5D {y}
CC A C {y}	C3D 39 3D {y}	C5C 58 5C {y}
CB 9 B {y}	C3C 38 3C {y}	C5B 57 5B {y}
CA 8 A {y}	C3B 37 3B {y}	C5A 56 5A {y}
C9 7 9 {y}	C3A 36 3A {y}	C59 55 59 {y}
C8 6 8 {y}	C39 35 39 {y}	C58 54 58 {y}
C7 5 7 {y}	C38 34 38 {y}	C57 53 57 {y}
C6 4 6 {y}	C37 33 37 {y}	C56 52 56 {y}
C5 3 5 {y}	C36 32 36 {y}	C55 51 55 {y}
C4 2 4 {y}	C35 31 35 {y}	C54 0 54 {y}
C3 1 3 {y}	C34 30 34 {y}	C53 51 53 {y}
C2 Z 2 {y}	C33 0 33 {y}	C52 50 52 {y}
C1 0 1 {y}	C32 30 32 {y}	C51 0 50 {y}
	C31 0 31 {y}	
Measurement mA: 0 50ms	Measurement: 0 a 0.05 s	Measurement: 0 0.05
iv0max MAX(i(v0)) 78,8 78,8	iv3max MAX(i(v3)) 0.157 0.157	iv5max MAX(i(v5)) 0.278657 0.2787
iv0min MIN(i(v0)) -306,4 -306,4	iv3min MIN(i(v3)) -0.459 -0.459	iv5min MIN(i(v5)) -0.252459 -0.2524
Measurement mA: 49ms 50ms	Measurement: 0.049 a 0.05 s	Measurement: 0.049 0.05
iv0pmax MAX(i(v0)) 9,02 10,87	iv3pmax MAX(i(v3)) 0.0118 0.01901	iv5pmax MAX(i(v5)) 0.0122 0.0205
iv0pmin MIN(i(v0)) -9,16 -14,22	iv3pmin MIN(i(v3)) -0.0120 -0.0223	iv5pmin MIN(i(v5)) -0.0125 -0.0189
Measurement kV: 49ms 50ms	vc3max MAX(abs(v(s3))) 9856 9273	vc5max MAX(abs(v(s5))) 10071 9426
vc1max MAX(abs(v(s1))) 6,30 5,13	vc3min MIN(abs(v(s3))) 9850 9266	vc5min MIN(abs(v(s5))) 10060 9416
vc1min MIN(abs(v(s1))) 6,29 5,12	"vc4max" FAIL'ed	

.end

Circuit: \* C:\Users\MV\Desktop\HVPSroyer\VMstudy10k\_NASA.asc

.OP point found by inspection. .step z=1e-006 .step z=0.0001

Measurement: step	1	2	FROM	TO segundos
iv1max MAX(i(v1))	0.785906	0.785689	0	0.2
iv1pmax MAX(i(v1))	0.0138828	0.0883468	0.199	0.2
iv1min MIN(i(v1))	-1.83296	-1.83296	0	0.2
iv1pmin MIN(i(v1))	-0.0154446	-0.088333	0.199	0.2
vctp1 MAX(v(s1))	10321.8	10268.8	0	0.2
vcfp1 MAX(v(s1))	10321.7	10268.8	0.199	0.2
vcfn1 MIN(v(s1))	10321	10267	0.199	0.2
vctp2 MAX(v(s2))	10356	9633	0	0.2
vcpf2 MAX(v(s2))	10355.8	9633	0.199	0.2
vcfn2 MIN(v(s2))	10352.2	9628.750.199	0.2	
vctp3 MAX(v(s3))	10173.4	9747.3	0	0.2
vcvp3max MAX(v(s3))	10173.4	9747.3	0.199	0.2
vc3min MIN(v(s3))	10169.2	9742.290.199	0.2	

Date: Fri Feb 09 14:01:15 2018 Total elapsed time: 1575.156 seconds.

totiter = 22205452 accept = 5150073 tranpoints = 7295817

Os valores da corrente da fonte de sinal i(v1) no início do transiente são no máximo 0.78 ampères (0-0,2s), dentro da especificação do diodo usado mas um valor alto para o oscilador fornecer. Em regime permanente, após o transiente(0.199-0,2s) , ficam abaixo de 14 mA para carga de 1uA, o que para capacitores de 1nF resulta em uma ondulação aceitável.

Measurement: max Ampere min Ampere vcs 300M ohms vcs 6G ohms

Classic Serial Voltage Multiplier :

33 STAGES	0.079	-0.30	5796 V	6094 V
26 STAGES	0.079	-0.30	6132 V	6372 V
25 STAGES	0.079	-0.30	6091 V	6326 V
19 STAGES	0.079	-0.30	6010 V	6154 V

NASA Parallel Voltage Multiplier :

26-stage	0.157	-0.459	9704	9891
----------	-------	--------	------	------

Gabriel-NASA Voltage Multiplier :

26-stage	0.278	-0.252	9905	10115
----------	-------	--------	------	-------

Measure	.step z=1e+009 A a 1GΩ	Ripple A	.step z=1e+008 a 100MΩ	Ripple A	t0	tf	Time interval
---------	---------------------------	----------	---------------------------	----------	----	----	---------------

<b>iv1max</b>	<b>0.471435</b>		<b>0.471453</b>		0	<b>0.08</b>
<b>iv1min</b>	<b>-1.08097</b>	<b>1.552</b>	<b>-1.08097</b>	<b>1.552</b>	0	<b>0.08</b>
<b>iv2max</b>	<b>0.157513</b>		<b>0.157565</b>		0	<b>0.08</b>
<b>iv2min</b>	<b>-0.463863</b>	<b>0.620</b>	<b>-0.463864</b>	<b>0.620</b>	0	<b>0.08</b>
<b>iv3max</b>	<b>0.0788464</b>		<b>0.0788495</b>		0	<b>0.08</b>
<b>iv3min</b>	<b>-0.30807</b>	<b>0.387</b>	<b>-0.30807</b>	<b>0.387</b>	0	<b>0.08</b>
<b>iv1fmax</b>	<b>0.0138928</b>		<b>0.0419211</b>		<b>0.079</b>	<b>0.08</b>
<b>iv1fmin</b>	<b>-0.0162087</b>	<b>30.0m</b>	<b>-0.0452906</b>	<b>87.2m</b>	<b>0.079</b>	<b>0.08</b>
<b>iv2fmax</b>	<b>0.00668645</b>		<b>0.0144089</b>		<b>0.079</b>	<b>0.08</b>
<b>iv2fmin</b>	<b>-0.0069166</b>	<b>13.60m</b>	<b>-0.0174246</b>	<b>31.82m</b>	<b>0.079</b>	<b>0.08</b>
<b>iv3fmax</b>	<b>0.00799534</b>		<b>0.00853069</b>		<b>0.079</b>	<b>0.08</b>
<b>iv3fmin</b>	<b>-0.00812341</b>	<b>16.12m</b>	<b>-0.0103858</b>	<b>18.91m</b>	<b>0.079</b>	<b>0.08</b>
<b>v1fmax</b>	<b>6389.96</b>	<b>-18.86V =</b>	<b>6371.1</b>	<b>0.3%</b>	<b>0.079</b>	<b>0.08</b>
<b>v1fmin</b>	<b>6385.69</b>	<b>4.27V</b>	<b>6366.08</b>	<b>5.02V</b>	<b>0.079</b>	<b>0.08</b>
<b>v2fmax</b>	<b>6041.16</b>	<b>-60.99V =</b>	<b>5980.18</b>	<b>1%</b>	<b>0.079</b>	<b>0.08</b>
<b>v2fmin</b>	<b>6037.04</b>	<b>4.12V</b>	<b>5975.43</b>	<b>4.75V</b>	<b>0.079</b>	<b>0.08</b>
<b>v3fmax</b>	<b>6117.29</b>	<b>-573.85 =</b>	<b>5743.44</b>	<b>9.4%</b>	<b>0.079</b>	<b>0.08</b>
<b>v3fmin</b>	<b>6113.75</b>	<b>3.54V</b>	<b>5739.45</b>	<b>3.99V</b>	<b>0.079</b>	<b>0.08</b>

Os multiplicadores série-paralelo e os híbridos com retificação inicial em onda completa se mostraram os melhores, e o serial clássico (Voltage Multiplicador Se-

rial Cload Grounded) não consegue gerar 10kV.